

Exercice N°1

1/ Calculer les limites suivants

$$\lim_0 \frac{\sin(2x)}{x} \quad ; \quad \lim_0 \frac{\tan(-3x)}{x} \quad \text{et} \quad \lim_0 \frac{\cos(x)-1-\sin^2(x)}{x^2}$$

2/ Soit la fonction $f(x) = \cos(6x) - 3\sin(4x)$

- a) Donner une période T de f
 b) Donner la fonction dérivée de f

Exercice N°2

On dispose d'une urne contenant cinq boules blanches et trois boules rouges indiscernables au toucher

1/ On tire simultanément et au hasard trois boules de l'urne

On considère les événements suivants

- A « Obtenir trois boules de même couleur » B « Obtenir au plus une boule rouge »
 C « Obtenir des boules des couleurs différentes » $D = B \cap C$ et $E = B \cup C$

- a) Calculer $P(A)$; $P(B)$ et $P(C)$
 b) Vérifier que $P(D) = \frac{15}{28}$ et en déduire $P(E)$
- 2/ On lance une seule fois un dé cubique dont les faces portant les numéros 1 ; 1 ; 2 ; 2 ; 2 ; 2 et en marquant le numéro de leur face supérieure
- a) Déterminer la probabilité d'obtenir le numéro 2
 b) Après avoir lancé le dé une seule fois ; on tire deux boules de l'urne de la manière suivante

si on obtient le numéro 1 ; on tire simultanément deux boules de l'urne ; si non on tire successivement et sans remise deux boules .

déterminer la probabilité des événements suivants

- F « Obtenir deux boules de la même couleur »
 G « Obtenir une seule boule rouge »

Exercice N°3

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = 2\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) - 1$; On désigne par C_f la courbe de f dans un repère orthonormé $(O ; \vec{i} ; \vec{j})$

1/ a) Donner une période T de f b) Montrer que la droite $D : x = \frac{2\pi}{3}$ est un axe de symétrie pour C_f c) En déduire que l'on peut étudier f sur $\left[\frac{\pi}{6} ; \frac{2\pi}{3} \right]$ 2/a) Calculer les coordonnées des points d'intersection de C_f et l'axe des abscissesb) Calculer les coordonnées des points où C_f admet une tangente horizontalec) Dresser le tableau de variation de f sur $\left[\frac{\pi}{6} ; \frac{2\pi}{3} \right]$ 3/ Construire la courbe de f sur $\left[\frac{-5\pi}{6} ; \frac{7\pi}{6} \right]$